

Международный математический институт
имени Л. Эйлера

**XXXIV Летняя конференция по
математическому анализу**



30 июня – 5 июля, 2025

Конференция проводится при финансовой поддержке Минобрнауки России, грант на создание и развитие МЦМУ «Санкт-Петербургский международный математический институт имени Леонарда Эйлера», соглашения №075-15-2025-343, №075-15-2025-344.

Программа конференции

ПОНЕДЕЛЬНИК, 30 июня

09:30–09:55 РЕГИСТРАЦИЯ

10:00–10:45 **Ю. С. Белов.** *Фреймы Габора для двух классов оконных функций.*

КОФЕ

11:10–11:55 **А. И. Аптекарев.** *Асимптотика Сегё совместно ортогональных многочленов.*

12:00–12:35 **Н. Ф. Абузярова.** *«Индивидуальная» форма условия медленного убывания для целых функций.*

12:40–13:15 **В. Д. Степанов.** *О супремальных неравенствах Харди.*

ОБЕД

15:00–15:45 **С. А. Денисов.** *Волновые пакеты, новые эффекты в рассеянии волн и оценки Браскам-Либа.*

15:50–16:15 **Д. М. Хамматова.** *Об одной гипотезе, связанной с дуальной гипотезой Смейла.*

КОФЕ

16:40–17:05 **N. A. Shirokov.** *Entire functions of exponential type in an approximation problem on disjoint segments.*

17:10–17:55 **J. E. Brennan.** *Approximation by rational functions, balayage, and the uniqueness property.*

ВТОРНИК, 1 июля

10:00–10:45 **Д. Н. Запорожец.** *О целой функции Штейнера.*

КОФЕ

11:10–11:55 **Б. Н. Хабибуллин.** *Интегральные неравенства для субгармонических функций с применением к целям и мероморфным функциям нескольких переменных.*

12:00–12:35 **Е. Л. Коротяев.** *Уравнение Лёвнера и обратные задачи по электростатике.*

12:40–13:15 **Я. И. Грановский.** *Об абсолютной непрерывности спектра матричных трехчленных операторов Штурма–Лиувилля с сингулярными коэффициентами.*

ОБЕД

15:00–15:45 **П. Мелентијевић.** *Гипотеза о гауссовој кривизне для минимальных графов.*

15:50–16:15 **И. М. Васильев.** *Несколько замечаний о нуль-множествах гармонических функций.*

КОФЕ

16:40–17:05 **А. Ю. Кузнецова.** *Представления локальных групп и операторные алгебры.*

17:10–17:35 **Р. Ш. Хасянов.** *Оценки весовых сумм квадратов коэффициентов функций Блоха.*

17:40–18:25 **Р. С. Юлмухаметов,** К. П. Исаев, А. В. Постовалова. *Пространства типа Фока, допускающие безусловные базисы из воспроизводящих ядер.*

СРЕДА, 2 июля

Свободный день

ЧЕТВЕРГ, 3 июля

10:00–10:45 **А. К. Цих.** *Вычеты в математике.*

КОФЕ

11:10–11:45 **Е. А. Лебедева,** А. А. Горшанова. *О сходимости разложений по системам диадических всплесков.*

11:50–12:25 **С. Г. Мысливец.** *Об одном граничном условии гомоморфности функций.*

12:30–12:55 **А. С. Целищев.** *О базисах из сдвигов в пространствах L^p .*

ОБЕД

15:00–15:25 **Т. Г. Батенёв.** $(\bigoplus_{k=1}^{\infty} \ell_{n_k}^2)_{\ell^1}$ -фреймы из ядер Коши в пространстве Харди $H^2(\mathbb{D})$.

15:30–15:55 **А. В. Васин.** *Диадические покрытия замкнутых множеств нулевой меры.*

16:00–16:25 **А. Д. Казакова,** М. Г. Плотников. *О лакунарности и единственности для р-ичных аналогов хаоса Радемахера.*

КОФЕ

16:45–17:10 **Д. В. Руцкий.** *Двойственность ограниченности максимального оператора в решетках измеримых функций.*

17:15–17:40 **В. В. Шемяков.** *Мероморфные функции вида $\sum_k \frac{c_k}{(z-t_k)^2}$ с конечным числом нулей и дифференциальные уравнения.*

17:45–18:10 **Е. А. Калита.** *“Вычисление” норм операторов в пространствах Морри и дуальных пространствах Морри.*

ПЯТНИЦА, 4 июля

- 10:00–10:45 **В. В. Пеллер.** *Функции от диссипативных операторов при возмущении относительно ограничеными и относительно ядерными операторами.*

КОФЕ

- 11:10–11:45 **Е. П. Ушакова.** *Операторы Римана–Лиувилля в весовых пространствах Бесова.*

- 11:50–12:25 **Г. Г. Амосов.** *О положительных операторно-значных мерах на группе.*

- 12:30–12:55 **А. В. Семенов.** *Универсальный фрейм Гabora для рациональных функций в $L^2(\mathbb{R})$.*

ОБЕД

- 15:00–15:25 **Б. О. Волков.** *Лапласиан Леви и поля Янга–Миллса.*

- 15:30–15:55 **С. В. Гришин.** *Различные пропускные способности квантовых каналов, отвечающих квантовому случайному блужданию.*

- 16:00–16:25 **Т. Е. Абильдаев.** *Генератор симметричного процесса Леви с дельта-потенциалом и связанные с ним предельные теоремы.*

КОФЕ

- 16:45–17:10 **А. В. Уткин**, А. С. Холево. *Доказательство точных низких границ для энтропии Шеннона и «квантовые пирамиды».*
- 17:15–17:40 **С. М. Ташпулатов**. *Трехмагнитная система в модели Гейзенберга в решетке.*
- 17:45–18:10 **А. С. Гаспарян**. *Многомерные определители тензорных схем: тождество и неравенства.*

СУББОТА, 5 июля

- 10:00–10:45 **С. В. Асташкин**. *О крайних точках единичного шара пространства Харди-Лоренца.*
- КОФЕ
- 11:10–11:45 **О. Л. Виноградов**. *Интерполяционные формулы по неравноотстоящим узлам и точные неравенства типа Бернштейна.*
- 11:50–12:25 **К. Ю. Федоровский**. *Аппроксимация бианалитическими наипростейшими дробями — суммами сдвигов функции \bar{z}/z .*
- 13:00–13:25 **Е. С. Дубцов**. *Слабые определения гиперболического класса $BMOA$.*

Аннотации докладов

Т. Е. Абильдаев. Генератор симметричного процесса Леви с дельта-потенциалом и связанные с ним предельные теоремы.

Мы рассмотрим одномерный симметричный процесс Леви $\xi(t)$, $t \geq 0$, обладающий локальным временем $L(t, x)$. В первой части доклада мы построим оператор $\mathcal{A} + \mu \delta(x - a)$, $\mu > 0$, где \mathcal{A} — это генератор $\xi(t)$, а $\delta(x - a)$ — дельта-функция Дирака в точке $a \in \mathbb{R}$. Мы покажем, что построенный оператор — это генератор $\{U_t\}_{t \geq 0}$, C_0 -полугруппы в $L_2(\mathbb{R})$, действующей по формуле

$$(U_t f)(x) = \mathbf{E} f(x - \xi(t)) e^{\mu L(t, x - a)}, \quad f \in L_2(\mathbb{R}) \cap C_b(\mathbb{R}),$$

и обобщим формулу Фейнмана–Каца для потенциала типа дельта-функции. Также мы сформулируем предельную теорему для $U_t f$.

Во второй части доклада мы построим распределение

$$\mathbf{Q}_{T,x}^\mu = \frac{e^{\mu L(T, x - a)}}{\mathbf{E} e^{\mu L(T, x - a)}} \mathbf{P}_{T,x},$$

где $\mathbf{P}_{T,x}$ — распределение процесса $\xi(t)$, $t \leq T$. Мы покажем, что при $T \rightarrow \infty$ эта мера слабо сходится к некоторому феллеровскому процессу, и приведём предельную теорему для $\xi(T)$ относительно $\mathbf{Q}_{T,x}^\mu$.

Н. Ф. Абузярова. «Индивидуальная» форма условия медленного убывания для целых функций.

Медленное убывание в смысле Эренпрайса–Беренстейна–Тэйлора функции из весового пространства целых функций A_p , порождаемого субгармоническим весом p , определяется наличием хороших оценок снизу для $\ln |\varphi|$ через $(-c_0 p)$, $c_0 > 0$, или, эквивалентно, малостью множеств, на которых $\ln |\varphi|$ не превосходит $(-c_0 p)$. Мы

предлагаем развитие этого понятия, в котором в качестве веса, «подпирающего» $\ln |\varphi|$ снизу, выступает кратное специальной миоранты функции $(p - \ln |\varphi|)$. Доказывается, что функции, обладающие введенным свойством, порождают в A_p слабо локализуемые главные подмодули. Используя двойственность, мы получаем классы слабо синтезируемых инвариантных подпространств бесконечно дифференцируемых (или ультрадифференцируемых) функций с критическим соотношением характеристик (радиус полноты последовательности точек спектра подпространства равен половине длины его резидуального интервала).

Г. Г. Амосов. *O положительных операторно-значных мерах на группе.*

В докладе будут обсуждаться вопросы построения положительных операторно-значных мер на абелевой группе. Будут затронуты вопросы о том, когда такие меры обладают проекторно-значными плотностями и когда они ковариантны относительно действия некоторого проективного унитарного представления группы.

А. И. Аптекарев. *Асимптотика Сегё совместно ортогональных многочленов.*

Совместно Ортогональные Многочлены (СОМы) $Q_{\vec{n}}$ с мультииндексом $\vec{n} := \{n_j\}_{j=1}^d$ относительно набора весов $\vec{\rho} := \{\rho_j\}_{j=1}^d$ определяются системой соотношений ортогональности:

$$\int Q_{\vec{n}}(x) x^k \rho_j(x) dx = 0, \quad k = 1, \dots, n_j, \quad j = 1, \dots, d,$$

при том, что $\deg Q_{\vec{n}} \leq |\vec{n}| := n_1 + \dots + n_d$. Очевидно, при $d = 1$ имеем вырождение в Q_n — Ортогональные Многочлены (ОМы). Также

очевидно, что СОМ, удовлетворяющий системе соотношений ортогональности, всегда существует, однако его единственность неочевидна.

Известны две общие (канонические) системы векторных весов, обеспечивающие однозначность СОМов:

- Система весов *Анжелеско*: $\{\rho_j(x), x \in \Delta_j \subset \mathbb{R}\}_{j=1}^d$, где отрезки Δ_j : $\Delta_j \cap \Delta_k = \emptyset$, $j \neq k$;
- Система весов *Никишина*: $\{\rho_j(x), x \in \Delta \subset \mathbb{R}\}_{j=1}^d$, т. е. все веса сосредоточены на одном и том же отрезке, но есть еще дополнительные условия на аналитические продолжения отношений весов.

В докладе мы, стартуя с подхода Видома к сильным (или типа Сегё) асимптотикам ОМов, обсудим адаптацию этого подхода на СОМы: известные частные результаты при $d = 2$, $\vec{n} = (n, n)$, а также представим (не так давно решенный в [1]) общий случай для системы Анжелеско, мотивированный современными запросами спектральных задач для операторов Шрёдингера на графе дерево Кэли.

[1] Aptekarev A.I., Denisov S.A., Yattselev M.L. Strong Asymptotics of Multiple Orthogonal Polynomials for Angelesco Systems. Part I: Non-Marginal Directions, arXiv:2404.14391.

С. В. Асташкин. *О крайних точках единичного шара пространства Харди-Лоренца.*

В докладе речь пойдет о крайних точках единичного шара пространства Харди-Лоренца $H(\Lambda(\varphi))$, проблема описания которых была поставлена Е. М. Семеновым в 1978 г. Будут представлены новые необходимые и достаточные условия, при которых нормированная функция f в $H(\Lambda(\varphi))$ является крайней точкой единичного шара

этого пространства. Наиболее полные результаты относятся к случаю, когда f является произведением внешней аналитической функции на фактор Бляшке.

Т. Г. Батенёв. $(\bigoplus_{k=1}^{\infty} \ell_{n_k}^2)_{\ell^1}$ -фреймы из ядер Коши в пространстве Харди $H^2(\mathbb{D})$.

Система элементов $\{x_n\}_n$ бесконечномерного банахова пространства X называется представляющей для X , если любой элемент X представляется в виде сходящегося ряда $\sum_n c_n x_n$, $c_n \in \mathbb{C}$. Задача об описании представляющих систем тесно связана с задачей об описании обобщенных фреймов, введенных в работах П. А. Терёхина. Мы обсудим достаточные и необходимые условия (в терминах $\Lambda \subset \mathbb{D}$) для того, чтобы множество ядер Коши $\{(1 - \bar{\lambda}z)^{-1}\}_{\lambda \in \Lambda}$ образовывало фрейм в $H^2(\mathbb{D})$, ассоциированный с пространством коэффициентов $(\bigoplus_{k=1}^{\infty} \ell_{n_k}^2)_{\ell^1}$.

Ю. С. Белов. *Фреймы Габора для двух классов оконных функций.*

Мы обсудим недавний прогресс в теории фреймов Габора для двух классов оконных функций. Первый состоит из функций общего положения с компактным носителем. Второй состоит из убывающих на полуоси положительных функций. Доклад основан на совместных работах с А. И. Куликовым.

Дж. Брэннан (J. E. Brennan). *Approximation by rational functions, balayage, and the uniqueness property.*

It has been known for over a century that certain large classes of functions defined on a compact nowhere dense subset X of the complex plane, and obtained as limits of analytic functions in various metrics, can sometimes inherit the property of *unique continuation* characteristic

of the approximating family. The first example of the transfer of the uniqueness property in this way to $R(X)$, the space of functions that can be uniformly approximated on X by a sequence of rational functions whose poles lie outside of X , was obtained by Keldysh around 1940, but apparently never published. My initial goal here is to extend an example of Gonchar to $R^p(X)$, $p \geq 2$, and by means of *balayage* to obtain an analogue of the Cauchy integral formula expressed by integration along the *outer boundary* of X , and valid at all points of the (as yet to be defined) *interior* of X . This will complete as far as possible the extension originally envisioned by Borel over a century ago.

И. М. Васильев. *Несколько замечаний о нуль-множествах гармонических функций.*

В этом докладе мы обсудим некоторые вещественнозначные гармонические функции от нескольких переменных, у которых нульмножества обладают необычными аналитическими и геометрическими свойствами.

А. В. Васин. *Диадические покрытия замкнутых множеств нулевой меры.*

Множество $E \subset \mathbb{T}$ называется пористым, если существует константа C такая, что для любой дуги $I \subset \mathbb{T}$ найдется поддуга $M(I) \subset I$, $M(I) \cap E = \emptyset$ и $|M(I)| > C|I|$. Неравенство Дынькина для пористых множеств [2] имеет вид равномерного условия на энтропию:

$$\sum_{J \subset I, J \cap E = \emptyset} |J| \log \frac{1}{|J|} \leq |I| \left(\log \frac{1}{|I|} + C \right) \quad (1)$$

где C не зависит от I .

Боричев, Николау и Тома [1] обнаружили зависимость энтропийных характеристик множества со свойством упаковки Карлесона. В частности, ими доказано, что множество $E \subset \mathbb{T}$ пористое, если найдется константа C , такая что для любой дуги $I \subset \mathbb{T}$ имеем

$$\sum_{J \cap E \neq \emptyset, J \in \mathcal{D}(I)} |J| \leq C|I|, \quad (2)$$

где $\mathcal{D}(I)$ диадическое разложение I .

Мы исследуем зависимость свойств (1) и (2) для произвольных замкнутых множеств в \mathbb{R}^d , и дадим приложения типа леммы Мейера-Койфмана [3] для диадического неравенства Карлесона.

- [1] Borichev A., Nicolau A., Thomas P. J. Weak embedding property, inner functions and entropy, Math. Ann. 368(3) (2017), 987–1015.
- [2] Дынькин Е. М. Свободная интерполяция в классах Гельдера, Мат. сборник. 109 (1979), 107–128 [English translation in Math. USSR Sb. 37 (1980), 97–117].
- [3] Meyer Y., Coifman R. Wavelets: Calderón–Zygmund and multilinear operators. Cambridge Studies in Advanced Mathematics, v. 48, Cambridge, (1997).

О. Л. Виноградов. *Интерполяционные формулы по равноотстоящим узлам и точные неравенства типа Бернштейна.*

Хорошо известно, что классическое точное неравенство Бернштейна, в котором норма производной целой функции конечной степени оценивается через норму самой функции, следует из интерполяционного тождества М. Рисса. В этом тождестве производная раскладывается в ряд по равноотстоящим сдвигам самой функции. Для дробных производных порядка меньше единицы интерполяционные формулы по равноотстоящим узлам не дают точных неравенств.

В докладе описывается схема доказательства точных неравенств типа Бернштейна на основе интерполяционных формул по неравноотстоящим узлам, связанным с нулями целых функций конечной степени, в том числе бесселевых функций. Для построения интерполяционных формул используются разложения функций в негармонические ряды Фурье. Выводятся условия неотрицательности коэффициентов разложений и новые точные неравенства типа Бернштейна.

Б. О. Волков. *Лапласиан Леви и поля Янга–Миллса.*

Лапласиан Леви — дифференциальный оператор, который можно определить как среднее Чезаро вторых частных производных вдоль векторов из некоторого ортонормированного базиса. Этот оператор интересен своей связью с калибровочными полями. В работе Аккарди, Джилиско и Воловича для плоского случая и в работе Леандра и Воловича для случая многообразия было доказано, что связность в векторном расслоении является решением уравнений Янга–Миллса тогда и только тогда, когда соответствующий параллельный перенос является решением уравнения Лапласа для лапласиана Леви. В докладе будет рассказано о связи лапласиана Леви с инстантонами. Кроме того, будет рассмотрено уравнение теплопроводности для лапласиана Леви на гильбертовом многообразии H^1 -петель в компактном ориентированном римановом многообразии. Будет показана сходимость некоторых решений этого уравнения к локально постоянным функционалам при стремлении времени к бесконечности. Эти решения строятся с использованием потоков теплопроводности дифференциальных форм на многообразии. В некоммутативном случае уравнение теплопроводности с лапласи-

аном Леви для параллельного переноса эквивалентно уравнениям теплопроводности Янга–Миллса.

Работа частично поддержана грантом Российского научного фонда №24-11-00039.

А. С. Гаспарян. *Многомерные определители тензорных схем: тождества и неравенства.*

Под тензорной схемой понимается некоторое множество многомерных матриц, объединённых в единую схему с помощью набора соединительных операций. Простейшими тензорными схемами являются классические бинарные соединения обычных двумерных и многомерных матриц. Более развитое семейство схем получается применением соединений типа «звезда», древовидные композиции и графические соединения более общего вида — тензорные сети. Результат соединения многомерных матриц по той или иной схеме также является многомерной матрицей.

Важными функциями элементов кубической многомерной матрицы являются многоиерные определители, названные нами σ -определителями. В докладе рассматривается общая задача об аналитической связи между σ -определителями матрицы, полученной по той или иной схеме, с определителями минорных подматриц схемных компонентов. Получены конкретные детерминантные формулы для конкретных тензорных схем, применение которых позволяет устанавливать интересные тождества и неравенства.

Я. И. Грановский. *Об абсолютной непрерывности спектра матричных трехчленных операторов Штурма–Лиувилля с сингулярными коэффициентами.*

В докладе будут описаны спектры расширений (реализаций) матричного трехчленного выражения Штурма–Лиувилля:

$$\mathcal{L}(P, Q, R)y := R^{-1}(x)(-(P(x)y')' + Q(x)y), \quad y = (y_1, \dots, y_m)^\top,$$

с сингулярным потенциалом $Q(\cdot) = Q(\cdot)^*$ на полуоси и оси. Будут приведены условия лебеговости спектра положительной части реализации Дирихле L^D (как и других самосопряженных реализаций) выражения $\mathcal{L}(P, Q, R)$ в $L^2(\mathbb{R}_+; R; \mathbb{C}^m)$. В частности, результат будет справедлив при некоторых условиях на коэффициент $P(\cdot)$, $R(\cdot) = I_m$, и потенциале $Q(\cdot)$ вида $Q(\cdot) = Q_1(\cdot) + \sum_{k=1}^{\infty} \alpha_k \delta(\cdot - x_k)$, где $Q_1(\cdot) \in L^1(\mathbb{R}_+; \mathbb{C}^{m \times m})$, и $\{|\alpha_k|\}_{k \in \mathbb{N}} \in \ell^1(\mathbb{N})$.

Доклад основан на результатах совместной работы с М. М. Маламудом.

- [1] Грановский Я. И., Маламуд М. М. Операторы Штурма–Лиувилля с $W^{-1,1}$ -матричными потенциалами, Записки научных семинаров ПОМИ, 516 (2022), 20–39.

С. В. Гришин. *Различные пропускные способности квантовых каналов, отвечающих квантовому случайному блужданию.*

Квантовое случайное блуждание можно рассматривать как модель квантового шума при хранении и передаче информации. При изучении подобных моделей важной является задача определения пропускной способности. Она бывает нескольких типов в зависимости от типа информации и используемого протокола, и каждый

вычисляется по-своему. В докладе будет получена оценка на три типа: классическую, с использованием сцепленного состояния и квантовую пропускные способности каналов, отвечающих квантовому случайному блужданию.

С. А. Денисов. *Волновые пакеты, новые эффекты в рассеянии волн и оценки Брассам-Либа.*

Изучая нестационарное уравнение Шрёдингера на торе с гладким потенциалом, Бургейн установил, что соболевские нормы решения, если и растут, то очень медленно, когда время стремится к бесконечности. Мы рассмотрим задачу с негладким потенциалом на прямой и покажем, что рост соболевских норм невозможен для большинства значений дополнительного параметра. Наш анализ основан на применении техники волновых пакетов к линейному члену в разложении Дюгамеля. Эта техника позволяет учесть физику процесса рассеяния и геометрию пространства для определения резонансных и нерезонансных мод. Оказывается, что оценки Брассам-Либа имеют ключевое значение для контроля резонансных членов.

Е. С. Дубцов. *Слабые определения гиперболического класса $BMOA$.*

Введены слабые Мёбиус-инвариантные определения пространства $BMOA$ в единичном шаре. В качестве приложения доказана эквивалентность сильных и слабых определений гиперболического класса $BMOA$.

Исследования выполнены за счёт средств Российской научного фонда (грант №24-11-00087).

Д. Н. Запорожец. *О целой функции Штейнера.*

Для каждого выпуклого компакта $K \subset \mathbb{R}^d$ полином Штейнера в точке $x > 0$ равен объёму x -окрестности K , при этом его коэффициенты определяют важные геометрические характеристики тела, называемые внутренними объемами.

Заменив меру Лебега на гауссовскую и выбрав подходящую нормировку коэффициентов, эту конструкцию можно распространить на гильбертово пространство: бесконечномерному компакту сопоставляется целая функция, коэффициенты которой совпадают с его внутренними объемами.

В докладе будут рассмотрены основные аналитические свойства данной функции, приведены примеры, а также будет показано, как методы комплексного анализа позволяют исследовать последовательность внутренних объемов.

Доклад основан на текущей совместной работе с Михаилом Германским и Марией Досполовой.

А. Д. Казакова, М. Г. Плотников. *О лакунарности и единственности для p -личных аналогов хаоса Радемахера.*

Изучаются вопросы лакунарности и единственности для подсистем системы Виленкина-Крестенсона, аналогичным хаосу Радемахера в системе Уолша. Система функций с областью определения $[0, 1)$ называется системой ε -единственности, если для некоторого $\varepsilon > 0$ сходимость к нулю на множестве E с $\mu(E) > 1 - \varepsilon$ ряда по рассматриваемой системе влечет равенство нулю всех его коэффициентов. Системами ε -единственности обычно являются лакунарные в

некотором смысле системы. В широком смысле лакунарность означает, что система функций обладает некоторыми свойствами, присущими системам независимых функций. Так, например, системы q -лакунарности являются системами ε -единственности. Нами доказана q -лакунарность рассматриваемых подсистем системы Виленкина-Крестенсона и найдены точные константы ε_0 для ε_0 -единственности.

Первый автор является стипендиатом Фонда развития теоретической физики и математики «БАЗИС».

Е. А. Калита. *“Вычисление” норм операторов в пространствах Морри и дуальных пространствах Морри.*

Рассматриваются максимальные операторы, сингулярные интегральные операторы, коммутаторы с BMO -функциями в пространствах Морри и в дуальных пространствах Морри. Мы даем простое доказательство их ограниченности. Более того, мы покажем, что их нормы “почти совпадают” с нормами в пространствах Лебега с соответствующим степенным весом.

Е. Л. Коротяев. *Уравнение Лёвнера и обратные задачи по электростатике.*

Мы изучаем несколько обратных задач по электростатике на плоскости. Мы рассматриваем бесконечную последовательность сегментов (нейтральных проводников) на плоскости, каждый сегмент вертикальный и пересекает действительную прямую. Если мы включим внешнее однородное электростатическое поле $(0, -1)$, то на нижней половине проводника появляется индуцированный положительный заряд. Мы рассматриваем отображение: длины проводников в последовательность зарядов, которое отображает последовательность

длин проводника в последовательность индуцированных зарядов. Мы показываем, что это отображение является аналитической биекцией между некоторыми банаховыми пространствами. Доказательство основано на нелинейном функциональном анализе. Мы преобразуем нашу задачу в теорию конформного отображения. Чтобы доказать аналитичность наших функций, мы используем метод Лёвнера. Например, для вычисления производной отображения мы изучаем уравнение Лёвнера для плоскости с вертикальными разрезами. Кроме того, мы обсуждаем другое отображение, где каждая компонента является биполярным моментом проводника.

А. Ю. Кузнецова. *Представления локальных групп и операторные алгебры.*

В докладе под локальной группой понимается дискретное множество с заданными операциями умножения и взятия обратного, удовлетворяющими аксиомам группы, при этом произведение определено не для всех элементов. Предполагается глобальная обратимость и локальная ассоциативность.

Можно показать, что на любой инверсной полугруппе S можно задать конгруэнцию \sim , и S/\sim будет в общем случае локальной группой, поэтому в теории полугрупповых C^* -алгебр естественным образом возникают глобализуемые (глобально ассоциативные) локальные группы.

С другой стороны, локальные группы (не обязательно глобализуемые) позволяют определить стандартные C^* -алгебраические конструкции, в частности $*$ -представление, регулярное представление, редуцированную C^* -алгебру. В основном доклад будет посвящен

$*$ -представлениям локальной группы. Если $\varphi_1 : \mathcal{G}_1 \longrightarrow \mathfrak{A}$ — $*$ -представление локальной группы \mathcal{G}_1 в унитальную C^* -алгебру \mathfrak{A} , то можно построить цепочку $(\mathcal{G}_i, \varphi_i)$ вложенных друг в друга локальных групп и $*$ -представлений $\varphi_i : \mathcal{G}_i \longrightarrow \mathfrak{A}$ и определить строгое представление локальной группы $\varphi : \cup \mathcal{G}_i = \mathcal{G} \longrightarrow \mathfrak{A}$. Будет установлена связь между строгим представлением локальных групп и частичным представлением групп, введенном Р. Экселем.

Е. А. Лебедева, А. А. Горшанова. *О сходимости разложений по системам диадических всплесков.*

В работе исследуются аппроксимационные свойства фреймов всплесков, определенных на положительной полуупрямой с операцией двоичного сложения. Доказана L^p -сходимость и сходимость почти везде разложений по системам всплесков.

В. В. Марченко. *Инвариантные операторы Шрёдингера и транзитивные множества.*

Под оператором Шрёдингера $-\Delta + \sum_{j=1}^m \alpha_j \delta(x - x_j)$ с точечными взаимодействиями $X = \{x_j\}_{j=1}^m \subset \mathbb{R}^3$ можно понимать любую реализацию (самосопряжённое расширение) 3-мерного оператора Лапласа в $L^2(\mathbb{R}^3)$, суженного на область $\{f \in W^{2,2}(\mathbb{R}^3) : f(x_j) = 0, 1 \leq j \leq m\}$. Широкий класс таких реализаций \mathbf{H}_B параметризуется множеством $\mathbb{C}^{m \times m}$ квадратных матриц порядка m .

В [1] в качестве X рассмотрены множества вершин правильных многоугольников и некоторых правильных многогранников и описаны расширения \mathbf{H}_B , инвариантные относительно группы симметрий \mathcal{S}_X множества X .

Конечное множество точек $X \subset \mathbb{R}^3$ назовём *транзитивным*, если для каждой пары точек $x_j, x_k \in X$ существует симметрия $u \in \mathcal{S}_X$ такая, что $u(x_j) = x_k$.

Можно проверить, что множество \mathcal{B} матриц, параметризующих инвариантные расширения в случае, когда X — транзитивное множество, является подмножеством своей коммутаторной алгебры, т. е. все такие матрицы коммутируют между собой:

$$\mathcal{B} \subset \mathcal{B}' = \{A \in \mathbb{C}^{m \times m} : AB = BA \quad \forall B \in \mathcal{B}\}. \quad (1)$$

Рассматривая произвольные множества $X \subset \mathbb{R}^3$ и все реализации \mathbf{H}_B , инвариантные относительно \mathcal{S}_X , мы докажем, что свойство (1) является характеристическим свойством транзитивного множества.

Таким образом, свойство (1) выполнено для правильных многоугольников и правильных многогранников в \mathbb{R}^3 , и только для них.

Работа выполнена совместно с М. М. Маламудом.

[1] Маламуд М. М., Марченко В. В. Матем. заметки, 110:3 (2021), 471–477.

П. Мелентијевић. Гипотеза о гауссовой кривизне для минимальных графов.

В докладе будет представлено решение давней гипотезы о гауссовой кривизне минимального графа S над единичным кругом. Согласно гипотезе, для любого минимального графа над единичным кругом гауссова кривизна в точке, расположенной непосредственно над началом координат, удовлетворяет строгому неравенству $|\mathcal{K}| < \frac{\pi^2}{2}$. Сначала гипотеза сводится к задаче оценки гауссовой кривизны некоторых минимальных поверхностей типа Шерка, определенных над бицентрическими четырехугольниками, вписанными в единичный круг, содержащий начало координат. Затем будет дана

точная оценка гауссовой кривизны этих минимальных поверхностей в точке над началом координат. В нашем доказательстве используются методы комплексного анализа, поскольку рассматриваемые минимальные поверхности допускают конформную гармоническую параметризацию.

- [1] Kalaj D., Melentijević P. Gaussian curvature conjecture for minimal graphs, accepted for publication in Duke Mathematical Journal.
- [2] Finn R., Osserman R. On the Gauss curvature of non-parametric minimal surfaces, J. Analyse Math., 12 (1964), 351–364.
- [3] Hall R. R. On an inequality of E. Heinz, J. Analyse Math., 42 (1982/83), 185–198.
- [4] Hall R. R. The Gaussian curvature of minimal surfaces and Heinz' constant, J. Reine. Angew. Math., 502 (1998), 19–28.
- [5] Heinz E. Über die Lösungen der Minimalflächengleichung, Nachr. Acad. Wiss. Göttingen, Math.-Phys. Kl., Math.-Phys.-Chem. Abt., 44 (1952), 51–56.

С. Г. Мысливец. *Об одном граничном условии голоморфности функций.*

В работе рассмотрен аналог задачи с косой производной для вещественнонзначных гармонических функций. Показано, что данная задача связана с вопросом голоморфности функций, представимых некоторым интегральным представлением Коши-Фантапье. Целью работы является исследование свойств этого интегрального представления для гладких функций. А именно, в работе рассматривается интеграл (интегральный оператор) с данным ядром для вещественно аналитических функций f на границе ограниченной области D с вещественно аналитической связной границей Γ . Показано,

что он является вещественно аналитическим вплоть до Г. Рассмотрены итерации данного интегрального оператора порядка k . Доказано (при некоторых дополнительных условиях), что они сходятся к голоморфной функции в D при $k \rightarrow \infty$. Как следствие показано, что решением аналога задачи с косой производной служат только голоморфные функции.

Работа выполнена при поддержке Красноярского математического центра и финансируется Министерством науки и высшего образования Российской Федерации в рамках создания и развития региональных центров математических исследований и образования (соглашение №075-02-2025-1790).

В. В. Пеллер. *Функции от диссипативных операторов при возмущении относительно ограниченными и относительно ядерными операторами.*

Я собираюсь рассказать о недавних совместных результатах с А. Б. Александровым. Пусть L и M — максимальные диссипативные операторы. Говорят, что M является относительно ограниченным (относительно ядерным) возмущением оператора L , если оператор $(M - L)(L + iI)^{-1}$ является ограниченным (ядерным). Получены оценки для $f(M) - f(L)$ для так называемых аналитических относительно операторно липшицевых функций f . Получена формула следов.

Д. В. Руцкий. *Двойственность ограниченности максимального оператора в решетках измеримых функций.*

Максимальный оператор Харди–Литлвуда

$$Mf(x) = \sup_{r>0} \frac{1}{|B_r(x)|} \int_{B_r(x)} |f|$$

действует на локально суммируемых функциях на некотором пространстве однородного типа. В докладе обсуждаются условия на банаховы решетки измеримых функций X при которых ограниченность M в X влечёт его ограниченность в порядково сопряжённой решетке X' .

А. В. Семенов. Универсальный фрейм Габора для рациональных функций в $L^2(\mathbb{R})$.

Для произвольных $(\lambda, \mu) \in \mathbb{R}^2$ через $\pi_{\lambda, \mu}$ обозначим оператор частотно-временного сдвига в $L^2(\mathbb{R})$:

$$\pi_{\lambda, \mu}g(t) := e^{2\pi i \lambda t} g(t - \mu) \text{ для всех } g \in L^2(\mathbb{R}).$$

Теперь для фиксированного $g \in L^2(\mathbb{R})$ и счетного $L \subset \mathbb{R}^2$ определим систему Габора $\mathcal{G}(g, L) := \{\pi_{\lambda, \mu}g(t)\}_{(\lambda, \mu) \in L}$ в $L^2(\mathbb{R})$. Система $\mathcal{G}(g, L)$ порождает фрейм, если для некоторых $A, B > 0$ выполнено фрейм-неравенство:

$$A\|f\|_2^2 \leq \sum_{(\lambda, \mu) \in L} |(f, \pi_{\lambda, \mu}g)|^2 \leq B\|f\|_2^2 \quad \text{для всех } f \in L^2(\mathbb{R}).$$

Определим класс $\mathcal{K}(N)$ рациональных функций вида

$$g(t) = \sum_{k=1}^N \frac{a_k}{t - iw_k}, \text{ где } a_k \in \mathbb{C} \text{ и } w_k \in \mathbb{C} \setminus i\mathbb{R},$$

таких, что $\sum_{k=1}^N a_k e^{2\pi w_k t} \neq 0$ для всех $t < 0$. Доклад посвящен доказательству следующего универсального результата:

ТЕОРЕМА. Для всех $\varepsilon > 0$ и всех $N \in \mathbb{N}$ существует множество $\Lambda = \Lambda(\varepsilon, N) \subset \mathbb{R}$ с нижней плотностью $D_-(\Lambda) < 1 + \varepsilon$ такое, что

система

$$\mathcal{G}(g, \Lambda \times \mathbb{Z}) := \{e^{2\pi i \lambda t} g(t - n) \mid (\lambda, n) \in \Lambda \times \mathbb{Z}\}$$

пороождает фрейм в $L^2(\mathbb{R})$ для всех рациональных функций $g \in \mathcal{K}(N)$.

В. Д. Степанов. *О супремальных неравенствах Харди.*

Мы получаем необходимые и достаточные условия ограниченности в весовых пространствах Лебега одномерных неравенств типа Харди, включающих супремум. В частности, мы решаем задачи из ([1], стр. 326, 331). Сообщение основано на статье [2].

Исследование выполнено при финансовой поддержке Российского научного фонда (грант №24-11-00170).

- [1] Frank R. L., Laptev A., Weidl T. An improved one-dimensional Hardy inequality. *J. Math. Sci.* 263 (2022), 323–342.
- [2] Stepanov V. D. Weighted norm inequalities with one-dimensional Hardy-type operators involving suprema. *Anal. Math. Phys.* 15 (2025), no. 2, Paper No. 45, 14 pp.

С. М. Ташпулатов. *Трехмагнитная система в модели Гейзенберга в решетке.*

Рассматривается оператор энергии трехмагнитных систем в модели Гейзенberга и исследуются структура существенного спектра и дискретный спектр системы в d -мерной целочисленной решетке \mathbb{Z}^d . Гамильтониан рассматриваемой системы имеет вид:

$$H = J \sum_{m,\tau} (\vec{S}_m \vec{S}_{m+\tau}),$$

где $J < 0$ — параметр билинейного обменного параметра между ближайшими атомами решетки, $\vec{S}_m = (S_m^x, S_m^y, S_m^z)$ — оператор атомного спина величины $s = 1/2$ в узле m . Положим $S_m^\pm = S_m^x \pm iS_m^y$,

где S_m^+ и S_m^- — соответственно операторы рождения и уничтожения магнона в узле $m \in Z^d$. Обозначим через φ_0 вектор, называемый вакуумным и однозначно определяемый условиями $S_m^+ \varphi_0 = 0$, $S_m^z \varphi_0 = \frac{1}{2} S_m^- \varphi_0$, $\|\varphi_0\| = 1$. Векторы $S_m^- S_n^- S_k^- \varphi_0$ описывают состояние системы трех магонов, находящихся в узлах m, n и k . Обозначим через $\tilde{\mathcal{H}}_3$ пространство, натянутое на эти вектора, через \tilde{H}_3 — сужение оператора H на подпространство $\tilde{\mathcal{H}}_3$. Далее исследуются структура существенного спектра и дискретный спектр оператора \tilde{H}_3 .

А. В. Уткин, А. С. Холево. *Доказательство точных нижних границ для энтропии Шеннона и «квантовые пирамиды».*

Задача нахождения максимальной достижимой информации для ансамбля квантовых состояний занимает высокое место в списке проблем квантовой теории информации. Использование дуальности между ансамблем и наблюдаемой позволило свести ее к задаче линейного программирования, близкой по виду квантовому байесовскому оцениванию.

В таком подходе для системы равноугольных равновероятных чистых состояний (гипотеза «квантовой пирамиды») удалось получить при разных значениях угла между векторами энтропийные неравенства, проверка которых дает окончательный ответ на вопрос о максимальной достижимой информации для этой системы. О доказательстве энтропийных неравенств методами классического анализа и пойдет речь в докладе.

Е. П. Ушакова. *Операторы Римана–Лиувилля в весовых пространствах Бесова.*

В работе рассматривается двойное неравенство, связывающее нормы образов и прообразов интегральных операторов Римана–Лиувилля

ля, действующих в весовых пространствах типа Бесова.

Получены явные критерии выполнения отдельно левой (дифференциальной) и правой (интегральной) частей исходного двойного неравенства. Полученные результаты применимы к исследованию поведения характеристических чисел (энтропийных, аппроксимативных, Колмогорова и т. д.) операторов Римана–Лиувилля, а также к задаче об ограниченности преобразования Гильберта.

Метод решения задачи основан на теоремах декомпозиции в пространствах типа Бесова, использующих специальные системы всплесков типа сплайнов натуральных и дробных порядков.

Работа поддержана Российским научным фондом (грант №24-11-00170).

К. Ю. Федоровский. *Аппроксимация бианалитическими наипростейшими дробями — суммами сдвигов функции \bar{z}/z .*

В докладе будут рассмотрена задача равномерного приближения функций бианалитическими наипростейшими дробями, т. е. суммами сдвигов функции \bar{z}/z . Нас интересуют условия на область D в комплексной плоскости и на множество $E \subset \mathbb{C} \setminus D$, при которых всякая функция, бианалитическая в D , сколь угодно точно локально равномерно в D приближается бианалитическими наипростейшими дробями с полюсами на E . Также нас интересуют условия на компакт $X \subset \mathbb{C}$, при которых всякая функция, непрерывная на X и бианалитическая в его внутренних точках, сколь угодно точно равномерно на X приближается бианалитическими наипростейшими дробями с полюсами в $\mathbb{C} \setminus X$. Будут представлены новые необходимые и достаточные условия приближаемости в этих задачах. Они существенно отличаются от известных ранее результатов о приближении наипростейшими дробями, т. е. суммами сдвигов функции $1/z$.

Доклад основан на результатах совместной работы с П. А. Бородиным.

Автор поддержан грантом Российского научного фонда №24-11-00087.

Б. Н. Хабибуллин. *Интегральные неравенства для субгармонических функций с применением к целым и мероморфным функциям нескольких переменных.*

Будут обсуждаться новые точные интегральные неравенства и формулы для субгармонических функций и их разностей на комплексной плоскости или угле, обобщающие и уточняющие соответствующие результаты Н. В. Говорова, В. П. Петренко, Б. Дальберга, М. Р. Эссена 1960-70х гг., использованные, в частности, при решении проблемы Пэли для целых и мероморфных функций на комплексной плоскости. Равномерный характер этих новых неравенств вкупе с общими двойственными конструкциями плюрисубгармонических минорант, опирающимися на аппарат мер и потенциалов Йенсена, позволит перенести несколько классических точных результатов прошлого века о соотношениях между характеристиками роста целых и мероморфных функций одной переменной на многие комплексные переменные.

Д. М. Хамматова. *Об одной гипотезе, связанной с дуальной гипотезой Смейла.*

В 2009 году В. Дубинин и Т. Сугава, а также независимо Т. В. Нг, сформулировали гипотезу о критических значениях комплексных полиномов, получившую название *дуальной гипотезы Смейла*:

ГИПОТЕЗА. Пусть $f(z)$ — полином степени n , $f(0) = 0$, $f'(0) = 1$. Тогда существует критическая точка ζ полинома f , для которой выполнено неравенство $\left| \frac{f(\zeta)}{\zeta} \right| \geq \frac{1}{n}$.

В настоящее время эта гипотеза доказана лишь для случаев $n \leq 7$, в общем случае известны лишь более слабые оценки. Нами предложена следующая гипотеза, основанная на работе Дж. Т. Тайсона:

ГИПОТЕЗА. Пусть $f(z)$ — полином степени n , $f(0) = 0$, $f'(0) = 1$, и z_1, \dots, z_{n-1} — все его критические точки. Тогда

$$\sum_{k=1}^{n-1} \left| \frac{f(z_k)}{z_k^{n-1}} \right|^2 - \frac{1}{n^2} \sum_{k=1}^{n-1} \frac{1}{|z_k|^{2(n-2)}} \geq 0.$$

Нетрудно видеть, что из данной гипотезы следует дуальная гипотеза Смейла. Нам удалось подтвердить справедливость предлагаемого неравенства для ряда частных случаев.

Р. III. Хасянов. Оценки весовых сумм квадратов коэффициентов функций Блоха.

В докладе мы обсудим неравенства для функционала площади

$$S_r f = \sum_{n \geq 1} n |a_n|^2 r^{2n} = \int_{r\mathbb{D}} |f'(z)|^2 \frac{dxdy}{\pi} = \frac{\text{Area}\{f(r\mathbb{D})\}}{\pi}$$

и его весовых вариантов в классе Блоха и в классе ограниченных функций в круге. Также мы рассмотрим метод М. Бонка [3] получения оценок коэффициентов функций Блоха, который оказывается полезным при решении этих задач.

[1] Khasyanov R. Area functional and majorant series estimates in the class of bounded functions in the disk, J. Math. Anal. Appl., (2025).

[2] Kayumov I. R., Wirths K.-J. On the sum of squares of the coefficients of Bloch functions, Monat. Math., (2019).

[3] Bonk M. Extremalprobleme bei Bloch-Funktionen, PhD Thesis, TU Braunschweig, (1988).

А. С. Целищев. *О базисах из сдвигов в пространствах L^p .*

Существует ли базис Шаудера в пространстве $L^p(\mathbb{R})$, состоящий из сдвигов одной функции? Этот вопрос остаётся открытым для всех $1 < p < \infty$. Мы обсудим, что известно на этот счёт, а также приведём новые результаты, связанные с этой задачей.

Доклад основан на совместной работе с Н. Левом.

А. К. Цих. *Вычеты в математике.*

В докладе рассматриваются концепции многомерных вычетов в математике, а именно с точек зрения (комплексного) анализа, (дифференциальной и алгебраической) геометрии, теории чисел.

Здесь превалируют две следующие концепции определения вычёта:

- На языке *интеграла* в виде *локального вычета Гортендика*. Такой вычет в точке P из n -мерного комплексного пространства X сопоставляется ростку f голоморфного преобразования пространства X , где P — изолированный ноль для f ; рассматриваемое интегрирование ведётся по оству специального аналитического полиэдра;
- На языке *ряда* в виде *коэффициента $c_{-1,\dots,-1}$ ряда Лорана*.

Вычислению полной суммы вычетов Гортендика в комплексном алгебраическом торе посвящены статьи Гельфонд-Хованского и Сопрунова. При подходящем условии общего положения на систему f они выразили указанную сумму в виде линейной комбинации “рядовых” вычетов.

Главный мотив нашего исследования состоит в распространении результатов указанных работ на системы необщего положения. На

этому пути было обнаружено, что взаимосвязь концепций вычетов выражается второй фундаментальной формой для многообразия M , вложенного в X . Такой факт также наблюдается в законах взаимности А. Вейля и А. Паршина. Используя результаты тропической геометрии, в двумерном случае мы получили распространение результата Гельфонд-Хованского на системы необщего положения.

Результат получен совместно с М. Дураковым.

В. В. Шемяков. *Мероморфные функции вида $\sum_k \frac{c_k}{(z-t_k)^2}$ с конечным числом нулей и дифференциальные уравнения.*

В работе исследованы свойства функций вида $\sum_k \frac{c_k}{(z-t_k)^2}$ с конечным числом нулей. Благодаря связи с дифференциальными уравнениями такие функции должны иметь регулярный рост во всех смыслах, а полюса стремиться к семейству лучей. Работа дополняет результаты Хилле, Росси, Гундерсена, Хейтокангаса, показывая, что в особых случаях полюса лишь лежат лишь в логарифмических полосах около лучей, без стремления к ним.

Н. А. Широков. *Entire functions of exponential type in an approximation problem on disjoint segments.*

Let E be a set $\{J_k\}_{k \in \mathbb{Z}}$ of disjoint segments $J_k = [b_k, a_{k+1}]$ on the real axis such that the length $a_{k+1} - b_k$ tends to zero as $|a_{k+1}|^{-\alpha}$ when $k \rightarrow +\infty$, $\alpha > 0$. Let a function f satisfy an s -Hölder condition, $0 < s < 1$, on the set E . We construct a family of functions F_σ of exponential type $\leq \sigma$ such that $|f(x) - F_\sigma(x)|$, $x \in E$, is estimated in a scale depending on the B. Ya. Levin function for the set E .

Р. С. Юлмухаметов, К. П. Исаев, А. В. Постовалова. *Пространства типа Фока, допускающие безусловные базисы из воспроизведения ядер.*

В работе рассматриваются весовые пространства целых функций типа Фока

$$\mathcal{F}_\varphi = \left\{ f \in H(\mathbb{C}) : \|f\|^2 = \frac{1}{2\pi} \int_{\mathbb{C}} |f(z)|^2 e^{-2\varphi(z)} dm(z) < \infty \right\},$$

где $dm(z)$ — плоская мера Лебега, $\varphi(z)$ — некоторая субгармоническая функция. Рассмотрим следующее условие на выпуклую функцию $u(x)$, $x > 0$: $u'' \in C^2(\mathbb{R}_+)$ и существуют число $q > 1$ и функция $\gamma(x) \rightarrow \infty$ при $x \rightarrow \infty$ такие, что

$$\frac{1}{q} \leq \frac{u''(x)}{u''(y)} \leq q, \quad \text{при } |x - y| \leq \gamma(x) \sqrt{\frac{1}{u''(x)}}, \quad x, y \in \mathbb{R}_+. \quad (\alpha)$$

Весовую (нерадиальную) функцию $\varphi \in C^2$ будем называть регулярной, если функция $\psi_\varphi(t) = u(e^t, \varphi)$, где

$$u(r, \varphi) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \varphi(re^{i\theta}) d\theta, \quad r > 0,$$

удовлетворяет условию (α) .

ОСНОВНАЯ ТЕОРЕМА. *Если весовая функция $\varphi \in C^2$ регулярна и*

$$\sup_z |z|^2 \Delta \varphi(z) < \infty,$$

то в пространстве F_φ существуют безусловные базисы из воспроизводящих ядер.

Участники

АБИЛЬДАЕВ, Темирлан Ергалиевич

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия
t.abildaev23@gmail.com

АБУЗЯРОВА, Наталья Файрбаховна

Институт математики с вычислительным центром УФИЦ РАН
Ул. Чернышевского 112, Уфа, 450008, Россия
abnatf@gmail.com

АЛЕКСАНДРОВ, Алексей Борисович

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН
Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия
aall54eexx@gmail.com

АМОСОВ, Григорий Геннадьевич

Математический институт имени В. А. Стеклова РАН
Ул. Губкина 8, Москва, 119991, Россия
gramos@mi-ras.ru

АПТЕКАРЕВ, Александр Иванович

Институт прикладной математики имени М. В. Келдыша РАН
Миусская пл. 4, Москва, 125047, Россия
aptekaa@keldysh.ru

АСТАШКИН, Сергей Владимирович

Самарский национальный исследовательский университет
Московское ш. 34, Самара, 443086, Россия
astash56@mail.ru

БАДОНОВА, Светлана Алексеевна

Санкт-Петербургский государственный университет
Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия
badonova0116@mail.ru

БАРАНОВ, Антон Дмитриевич

Санкт-Петербургский государственный университет
Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия
anton.d.baranov@gmail.com

БАТЕНЁВ, Тимур Геннадьевич

Санкт-Петербургский государственный университет
Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия
tbatenev@mail.ru

БЕЛОВ, Юрий Сергеевич

Санкт-Петербургский государственный университет
Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия
j_b_juri_belov@mail.ru

БОБРОВА, Татьяна Дмитриевна

Московский государственный университет имени М. В. Ломоносова
Ленинские Горы 1, Москва, 119991, Россия
tatiana.bobrova@math.msu.ru

БРАГА, Бруно (Braga, Bruno)

Instituto de Matemática Pura e Aplicada

Rua Dona Castorina 110, Jardim Botânico, Rio de Janeiro, 22460-320,
Brazil

demandoncabraga@gmail.com

БРЕННАН, Джеймс (Brennan, James)

University of Kentucky

719 Patterson Office Tower, Lexington, KY 40506-0027, USA
james.brennan@uky.edu

ВАСИЛЬЕВ, Иоанн Михайлович

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия
ioann.vasilyev239@gmail.com

ВАСИН, Андрей Васильевич

Государственный университет морского и речного флота имени ад-
мирала С. О. Макарова

Двинская ул. 5/7, Санкт-Петербург, 198255, Россия
andrejvasin@gmail.com

ВАСЮНИН, Василий Иванович

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия
vasyunin@pdmi.ras.ru

ВИДЕНСКИЙ, Илья Викторович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

ilya.viden@gmail.com

ВИНОГРАДОВ, Олег Леонидович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

olvin@math.spbu.ru

ВОЛКОВ, Борис Олегович

Московский физико-технический институт

Институтский пер. 9, Долгопрудный, 141701, Россия

boris-volkov@yandex.ru

ГАЛАНОВА, Наталия Юрьевна

Томский государственный университет

Пр. Ленина 36, Томск, 634050, Россия

galanova@math.tsu.ru

ГАМАЛЬ, Мария Феликсовна

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени

В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

gamal@pdmi.ras.ru

ГАСПАРЯН, Арменак Сократович

Ул. 50 лет Комсомола 19/43, Переславль-Залесский, 152026, Россия

armenak.gasparyan@yandex.ru

ГЛАЗУНОВ, Александр Романович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

st106445@student.spbu.ru

ГРАНОВСКИЙ, Ярослав Игоревич

Донецкий национальный технический университет

Ул. Артёма 58, Донецк, 283001, Россия

yarvodorey@mail.ru

ГРИШИН, Станислав Владимирович

Московский физико-технический институт

Институтский пер. 9, Долгопрудный, 141701, Россия

st.grishin98@yandex.ru

ГУБКИН, Павел Васильевич

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени

В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

gubkinpavel@pdmi.ras.ru

ДЕНИСОВ, Сергей Александрович

University of Wisconsin-Madison

480 Lincoln Dr., Madison, WI 53706-1388, USA

denissov@wisc.edu

ДОБРОНРАВОВ, Егор Петрович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

yegordobronravov@mail.ru

ДОБРОНРАВОВ, Никита Петрович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

dobronravov1999@mail.ru

ДУБАШИНСКИЙ, Михаил Борисович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

mikhail.dubashinskiy@gmail.com

ДУБЦОВ, Евгений Сергеевич

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени

В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

dubtsov@pdmi.ras.ru

ЗАПОРЖЕЦ, Дмитрий Николаевич

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени

В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

zap1979@gmail.com

КАЗАКОВА, Анна Дмитриевна

Московский государственный университет имени М. В. Ломоносова

и Московский центр фундаментальной и прикладной математики

Ленинские Горы 1, Москва, 119991, Россия

anna.kazakova@math.msu.ru

КАЛИТА, Евгений Александрович

Институт прикладной математики и механики

Ул. Розы Люксембург 74, Донецк, 283048, Россия

ekalita@mail.ru

КАПУСТИН, Владимир Владимирович

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени

В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

kapustin@pdmi.ras.ru

КАЮМОВ, Ильгиз Рифатович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

ikayumov@gmail.com

КИСЛЯКОВ, Сергей Витальевич

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени

В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

skis@pdmi.ras.ru

КОРОТЯЕВ, Евгений Леонидович

Northeast Normal University

5268 Renmin Street, Changchun, 130024, China

korotyaev@gmail.com

КОТОЧИГОВ, Александр Михайлович

Санкт-Петербургский государственный электротехнический университет «ЛЭТИ»

Ул. Профессора Попова 5, Санкт-Петербург, 197376, Россия

AMKotochigov@gmail.com

КУЗНЕЦОВА, Алла Юрьевна

Казанский федеральный университет

Кремлевская ул. 18, Казань, 420008, Россия

alla.kuznetsova@gmail.com

ЛАНГАРШОЕВ, Мухтор Рамазонович

Московский гуманитарно-технологический университет – Московский архитектурно-строительный институт

Ул. Введенского 1А, Москва, 117342, Россия

mukhtor77@mail.ru

ЛЕБЕДЕВ, Петр Викторович

Национальный исследовательский университет ИТМО

Кронверкский пр. 49, лит. А, Санкт-Петербург, 197101, Россия

petr6232@mail.ru

ЛЕБЕДЕВА, Елена Александровна

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

ealebedeva2004@gmail.com

ЛИШАНСКИЙ, Андрей Александрович

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия
lishanskiyaa@gmail.com

МАРЧЕНКО, Владимир Викторович

Московский государственный технический университет имени
Н. Э. Баумана

2-я Бауманская ул. 5, с. 1, Москва, 105005, Россия
wmarchenko@rambler.ru

МЕЛЕНТИЈЕВИЋ, Петар

Универзитет у Београду
Студентски трг 16, Стари Град, Београд, 11158, Србија
petar.melentijevic31@gmail.com

МЕШКОВА, Юлия Михайловна

Европейский университет в Санкт-Петербурге
Гагаринская ул. 6/1, Санкт-Петербург, 191187, Россия
ymmeshkova1991@gmail.com

МЫСЛИВЕЦ, Симона Глебовна

Сибирский федеральный университет
Пр. Свободный 79, Красноярск, 660041, Россия
sMyslivets@sfu-kras.ru

ПЕЛЛЕР, Владимир Всеолодович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

pellerv@gmail.com

ПРОКОФЬЕВ, Михаил Андреевич

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

mikhail.prokofyev@yandex.ru

РЕВЯКОВ, Михаил Ильич

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

revyakov.m@gmail.com

РУЦКИЙ, Дмитрий Владимирович

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

rutsky@pdmi.ras.ru

СЕМЕНОВ, Андрей Вячеславович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

asemenov.spb.56@gmail.com

СОЛНЕЧНАЯ, Вероника Ильинична

ГБОУ СОШ 123

Ул. А. Матросова 11, лит. А, Санкт-Петербург, 194100, Россия

Veronikasolnechna@yandex.ru

СТЕПАНОВ, Владимир Дмитриевич

Математический институт имени В. А. Стеклова РАН

Ул. Губкина 8, Москва, 119991, Россия

stepanov@mi-ras.ru

ТАШПУЛАТОВ, Саъдулла Мамаражабович

Институт ядерной физики АН Республики Узбекистан

Ул. У. Гулямова 1, п. Улугбек, Ташкент, 100214, Узбекистан

toshpul@mail.ru

УТКИН, Андрей Владимирович

Математический институт имени В. А. Стеклова РАН

Ул. Губкина 8, Москва, 119991, Россия

utkin.av@phystech.edu

УШАКОВА, Елена Павловна

Институт проблем управления имени В. А. Трапезникова РАН

Ул. Профсоюзная 65, Москва, 117997, Россия

elenau@inbox.ru

ФЕДОРОВСКИЙ, Константин Юрьевич

Московский государственный университет имени М. В. Ломоносова

Ленинские Горы 1, Москва, 119991, Россия

kfedorovs@yandex.ru

ХАБИБУЛЛИН, Булат Нурмиевич

Институт математики с вычислительным центром УФИЦ РАН
Ул. Чернышевского 112, Уфа, 450008, Россия
khabib-bulat@mail.ru

ХАММАТОВА, Диана Маратовна

Московский политехнический университет
Большая Семёновская ул. 38, Москва, 107023, Россия
dianalynx@rambler.ru

ХАСЯНОВ, Рамис Шавкятович

Санкт-Петербургский государственный университет
Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия
hasbendshurich@gmail.com

ЦЕЛИЩЕВ, Антон Сергеевич

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН
Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия
celis-anton@yandex.ru

ЦИХ, Август Карлович

Сибирский федеральный университет
Пр. Свободный 79, Красноярск, 660041, Россия
atsikh@sfu-kras.ru

ШЕМЯКОВ, Владимир Витальевич

Санкт-Петербургское отделение Математического института имени
В. А. Стеклова РАН

Наб. р. Фонтанки 27, Санкт-Петербург, 191023, Россия

vladimir.v.shemyakov@gmail.com

ШИРОКОВ, Николай Алексеевич

Санкт-Петербургский государственный университет и Высшая школа
экономики в Санкт-Петербурге

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

nikolai.shirokov@gmail.com

ЭЙДЕРМАН, Владимир Яковлевич

vladimireiderman@gmail.com

ЮДИН, Глеб Александрович

Санкт-Петербургский государственный университет

Университетская наб. 7–9, Санкт-Петербург, 199034, Россия

135gleb135@gmail.com

ЮЛМУХАМЕТОВ, Ринад Салаватович

Институт математики с вычислительным центром УФИЦ РАН

Ул. Чернышевского 112, Уфа, 450008, Россия

yulmukhametov@mail.ru